

Wolfgang Nolting

Grundkurs Theoretische Physik 7

Viel-Teilchen-Theorie

6., aktualisierte Auflage

Mit 162 Abbildungen
und 110 Aufgaben mit vollständigen Lösungen



Inhaltsverzeichnis

| | | |
|----------|--|-----|
| 1 | Die Zweite Quantisierung | |
| 1.1 | Identische Teilchen | 4 |
| 1.2 | „Kontinuierliche“ Fock-Darstellung | 9 |
| 1.3 | „Diskrete“ Fock-Darstellung | 21 |
| 1.4 | Aufgaben | 28 |
| 1.5 | Kontrollfragen | 34 |
| 2 | Viel-Teilchen-Modellsysteme | |
| 2.1 | Kristallelektronen | 40 |
| 2.1.1 | Nicht wechselwirkende Bloch-Elektronen | 40 |
| 2.1.2 | Jellium-Modell | 46 |
| 2.1.3 | Hubbard-Modell | 56 |
| 2.1.4 | Aufgaben | 60 |
| 2.2 | Gitterschwingungen | 65 |
| 2.2.1 | Harmonische Näherung | 65 |
| 2.2.2 | Phononengas | 69 |
| 2.2.3 | Aufgaben | 75 |
| 2.3 | Elektron-Phonon-Wechselwirkung | 77 |
| 2.3.1 | Hamilton-Operator | 77 |
| 2.3.2 | Effektive Elektron-Elektron-Wechselwirkung | 81 |
| 2.3.3 | Aufgaben | 84 |
| 2.4 | Spinwellen | 88 |
| 2.4.1 | Klassifikation der magnetischen Festkörper | 89 |
| 2.4.2 | Modellvorstellungen | 91 |
| 2.4.3 | Magnonen | 94 |
| 2.4.4 | Spinwellennäherung | 99 |
| 2.4.5 | Aufgaben | 100 |
| 2.5 | Kontrollfragen | 104 |
| 3 | Green-Funktionen | |
| 3.1 | Vorbereitungen | 109 |
| 3.1.1 | Bilder | 109 |
| 3.1.2 | Linear-Response-Theorie | 115 |
| 3.1.3 | Magnetische Suszeptibilität | 119 |
| 3.1.4 | Elektrische Leitfähigkeit | 121 |
| 3.1.5 | Dielektrizitätsfunktion | 123 |
| 3.1.6 | Aufgaben | 125 |

| | | |
|----------|---|-----|
| 3.2 | Zweizeitige Green-Funktionen | 128 |
| 3.2.1 | Bewegungsgleichungen..... | 128 |
| 3.2.2 | Spektraldarstellungen | 132 |
| 3.2.3 | Spektraltheorem..... | 136 |
| 3.2.4 | Exakte Relationen | 138 |
| 3.2.5 | Kramers-Kronig-Relationen | 141 |
| 3.2.6 | Aufgaben..... | 143 |
| 3.3 | Erste Anwendungen..... | 146 |
| 3.3.1 | Nicht wechselwirkende Bloch-Elektronen | 146 |
| 3.3.2 | Freie Spinwellen | 151 |
| 3.3.3 | Das Zwei-Spin-Problem | 153 |
| 3.3.4 | Aufgaben..... | 164 |
| 3.4 | Das Quasiteilchenkonzept..... | 166 |
| 3.4.1 | Ein-Elektronen-Green-Funktion | 167 |
| 3.4.2 | Elektronische Selbstenergie..... | 169 |
| 3.4.3 | Quasiteilchen..... | 174 |
| 3.4.4 | Quasiteilchenzustandsdichte | 179 |
| 3.4.5 | Innere Energie | 181 |
| 3.4.6 | Aufgaben..... | 183 |
| 3.5 | Kontrollfragen | 185 |
| 4 | Wechselwirkende Teilchensysteme | |
| 4.1 | Festkörperelektronen..... | 191 |
| 4.1.1 | Der Grenzfall des unendlich schmalen Bandes | 191 |
| 4.1.2 | Hartree-Fock-Näherung..... | 194 |
| 4.1.3 | Elektronenkorrelationen..... | 199 |
| 4.1.4 | Interpolationsmethode | 203 |
| 4.1.5 | Momentenmethode | 204 |
| 4.1.6 | Das exakt halbgefüllte Band | 213 |
| 4.1.7 | Aufgaben..... | 217 |
| 4.2 | Kollektive elektronische Anregungen | 221 |
| 4.2.1 | Ladungsabschirmung (Thomas-Fermi-Näherung)..... | 222 |
| 4.2.2 | Ladungsdichtewellen, Plasmonen | 226 |
| 4.2.3 | Spindichtewellen, Magnonen..... | 235 |
| 4.2.4 | Aufgaben..... | 238 |
| 4.3 | Elementaranregungen in ungeordneten Legierungen | 241 |
| 4.3.1 | Problemstellung | 241 |
| 4.3.2 | Methode des effektiven Mediums | 245 |
| 4.3.3 | Coherent Potential Approximation..... | 247 |

| | | |
|----------|--|-----|
| 4.3.4 | Diagrammatische Methoden | 251 |
| 4.3.5 | Anwendungen..... | 261 |
| 4.4 | Spinsysteme | 262 |
| 4.4.1 | Tyablikow-Näherung | 262 |
| 4.4.2 | „Renormierte“ Spinwellen | 269 |
| 4.4.3 | Aufgaben..... | 274 |
| 4.5 | Elektron-Magnon-Wechselwirkung..... | 275 |
| 4.5.1 | Magnetische 4f-Systeme (<i>s-f</i> -Modell) | 276 |
| 4.5.2 | Das unendlich schmale Band..... | 278 |
| 4.5.3 | Legierungsanalogie | 284 |
| 4.5.4 | Das magnetische Polaron | 286 |
| 4.5.5 | Aufgaben..... | 294 |
| 4.6 | Kontrollfragen | 296 |
| 5 | Störungstheorie ($T = 0$) | |
| 5.1 | Kausale Green-Funktion | 303 |
| 5.1.1 | „Konventionelle“ zeitunabhängige Störungstheorie ... | 303 |
| 5.1.2 | „Adiabatisches Einschalten“ der Wechselwirkung | 307 |
| 5.1.3 | Kausale Green-Funktion | 313 |
| 5.1.4 | Aufgaben..... | 316 |
| 5.2 | Das Wick’sche Theorem..... | 318 |
| 5.2.1 | Das Normalprodukt | 318 |
| 5.2.2 | Der Wick’sche Satz | 321 |
| 5.2.3 | Aufgaben..... | 327 |
| 5.3 | Feynman-Diagramme | 327 |
| 5.3.1 | Störungsentwicklung für die Vakuumamplitude | 328 |
| 5.3.2 | Linked-Cluster-Theorem | 337 |
| 5.3.3 | Hauptsatz von den zusammenhängenden Diagrammen..... | 341 |
| 5.3.4 | Aufgaben..... | 344 |
| 5.4 | Ein-Teilchen-Green-Funktion | 345 |
| 5.4.1 | Diagrammatische Störreihe | 345 |
| 5.4.2 | Dyson-Gleichung | 351 |
| 5.4.3 | Aufgaben..... | 354 |
| 5.5 | Grundzustandsenergie des Elektronengases (Jellium-Modell) | 355 |
| 5.5.1 | Störungstheorie erster Ordnung | 355 |
| 5.5.2 | Störungstheorie zweiter Ordnung | 358 |
| 5.5.3 | Korrelationsenergie | 363 |

| | | |
|----------|--|-----|
| 5.6 | Diagrammatische Partialsummen | 374 |
| 5.6.1 | Polarisationspropagator | 374 |
| 5.6.2 | Effektive Wechselwirkung..... | 380 |
| 5.6.3 | Vertexfunktion..... | 385 |
| 5.6.4 | Aufgaben..... | 388 |
| 5.7 | Kontrollfragen | 390 |
| 6 | Störungstheorie bei endlichen Temperaturen | |
| 6.1 | Matsubara-Methode | 395 |
| 6.1.1 | Matsubara-Funktionen | 395 |
| 6.1.2 | Großkanonische Zustandssumme | 401 |
| 6.1.3 | Ein-Teilchen-Matsubara-Funktion | 403 |
| 6.2 | Diagrammatische Störungstheorie | 407 |
| 6.2.1 | Das Wick'sche Theorem..... | 407 |
| 6.2.2 | Diagrammanalyse der großkanonischen Zustandssumme | 411 |
| 6.2.3 | Ringdiagramme | 418 |
| 6.2.4 | Ein-Teilchen-Matsubara-Funktion | 421 |
| 6.3 | Kontrollfragen | 426 |
| | Lösungen der Übungsaufgaben..... | 429 |
| | Sachverzeichnis..... | 571 |